## 提要 131: Gamma 函數之定義

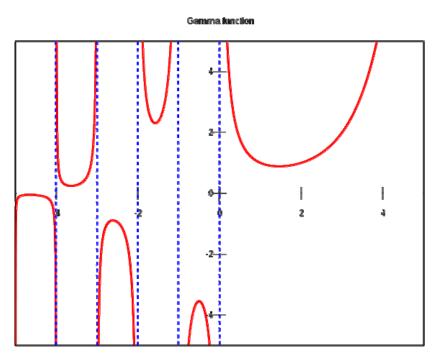
在討論貝色方程式(Bessel Equation)的解時,除需瞭解貝色函數(Bessel Function)之外,亦需明白 Gamma 函數。Gamma 函數通常是以符號 $\Gamma(\nu)$ 加以表示,其定義說明如下。

定義:Gamma 函數 $\Gamma(v)$ 

Gamma 函數 $\Gamma(v)$ 函數之定義爲: $\Gamma(v) = \int_0^\infty e^{-t} t^{v-1} dt$ ,其中v > 0。

## 註:

- 1. Gamma 函數中之參數v的限制其實是狹義的情況,在廣義情況下,參數v可以小於等於零、甚至是複數也沒關係。
- 2. *Gamma* 函數之另一定義爲 $\Gamma(v) = \int_0^\infty e^{-t^{1/(v-1)}} dt$ 。
- 3. Gamma 函數的圖形如以下所示



註:本圖取自網際網路 <a href="http://en.wikipedia.org/wiki/File:Gamma\_plot.svg">http://en.wikipedia.org/wiki/File:Gamma\_plot.svg</a>。